

Projektovanje baza podataka
Relacioni model podataka

22. april 2026.

Sadržaj

- 1 Strukturni deo
- 2 Manipulativni deo modela
- 3 Integritetni deo

Napomena

Slajdovi su nastali obradom slajdova prof. dr Saše Malkova za predmet Projektovanje baza podataka

Primer

- Neka imamo
 - crvenu, plavu, belu i zelenu kutiju
 - i u njima lopte, kocke i pločice
- Binarna relacija $kutijaSadrži(K,P)$ je zadovoljena ako kutija K sadrži P
- Njen domen je:

$$Dom(kutijaSadrži) = \{crvena, plava, bela, zelena\} \times \{lopte, kocke, pločice\}$$
- Neka naredni model relacije opisuje šta se nalazi u kojoj kutiji:

$$kutijaSadrži = \{(plava,lopte), (plava,kocke), (zelena,pločice), (crvena,kocke)\}$$
- Iskaz $kutijaSadrži(plava,kocke)$ je tačan
- Iskaz $kutijaSadrži(zelena,lopte)$ nije tačan
- Iskazi $kutijaSadrži(žuta,kocke)$ i $kutijaSadrži(zelena,knjige)$ nisu definisani zato što argumenti nisu u domenu relacije

<i>kutijaSadrži</i>	
BOJA	SADRŽAJ
plava	lopte
plava	kocke
zelena	pločice
crvena	kocke

Figure 1 (continued) (right-hand 20 employees)

- ime (niska od 20 znakova)
- prezime (niska od 25 znakova)
- osnova plate (broj oblika 7.2)

IME	PREZIME	OSNOVA_PLATE
Dragana	Pantić	45000
Marko	Marković	40000
Dragana	Pantić	45000
Jelena	Popović	43000
Dragiša	Đukić	47000

- $$\alpha(e) = (A_1(e), \dots, A_n(e))$$

$$\alpha(e) = (A_1(e), \dots, A_n(e))$$

- $$R = \alpha(E)$$

$$R = \alpha(E)$$

- $$\alpha(e) = \alpha(u) \text{ akko } e = u$$

$$\alpha(e) = \alpha(u) \text{ akko } e = u$$

Predstavljanje entiteta relacijama

Ako je α injektivna funkcija i svaki od atributa je atomičnog tipa, onda kažemo da je slika $R = \alpha(E)$

relacija R sa atributima $A(R) = \{A_1, \dots, A_n\}$,
domenom relacije $Dom(R) = D_1 \times \dots \times D_n$
i nazivima atributa $Kol(R) = (t_1, \dots, t_n)$

i skup entiteta E sa atributima $A(E) = \{A_1, \dots, A_n\}$ modeliramo relacijom R .

- funkcija $\alpha(E)$ je *dobra karakterizacija* skupa entiteta E
- formalno, definišemo R tako da je $model(R) = \alpha(E)$
- atribut je *atomičan* (tj. atomičnog tipa) ako njegov domen ne predstavlja proizvod drugih domena, tj. ako je skalarnog tipa

1. *Journal of Management Studies*, 1997, 34, 1, 1-14.

Predstavljanje entiteta - primer

- Relacija ne sme da ima jednake elemente

RADNIK		
IME	PREZIME	OSNOVA_PLATE
Dragana	Pantić	42000
Marko	Marković	40000
Dragana	Pantić	45000
Jelena	Popović	43000
Dragiša	Đukić	47000

- Ako je $\alpha(x) = (ime(x), prezime(x), osnova_plate(x))$, onda ćemo n -torku $(ime(x), prezime(x), osnova_plate(x))$ u zapisima obično da izjednačavamo sa x
- $ime(x)$ ćemo da zapisujemo kao $x.ime$ (i slično za ostale attribute)
- Nećemo razlikovati relaciju RADNIK od relacija dobijenih permutovanjem atributa
 - kao ni tabele koje se razlikuju samo po redosledu redova

- ◀ ◻ ▶ ◀ ◻ ▶ ◀ ≡ ▶ ◀ ≡ ▶ ≡

Primer baze podataka – schema

RADNIK	
RADNIK_ID	N(4)
ORG_JED_ID	N(3)
IME	C(30)
PREZIME	C(50)
POL	C(1)
DAT_ZAPOSLLENJA	D
OSNOVA_PLATE	N(10,2)

REŠENJE	
RAD_ID	N(4)
PROJ_ID	N(3)
DAT_POČETKA	D
DAT_PRESTANKA	D
OPIS	C(60)

ORG_JEDINICA	
ORG_JED_ID	N(3)
NAD_ORG_JED_ID	N(3)
NAZIV	C(60)

PROJEKAT	
PROJEKAT_ID	N(3)
PROJ_BONUS	N(10,2)
NAZIV	C(60)

KAT_STAŽA	
OD_GODINE	N(3)
DO_GODINE	N(3)
STAŽ_BONUS	N(10,2)
NAZIV	C(60)

Primer baze podataka – sadržaj

RADNIK						
RADNIK_ID	ORG_JED_ID	IME	PREZIME	POL	DAT_ZAPOSLLENJA	OSNOVA_PLATE
100	10	Petar	Perić	M	26.03.1991.	42000
101	11	Marko	Marković	M	30.03.1990.	43000
102	-	Lazar	Lazić	M	21.04.1981	28000
103	11	Milica	Milić	Ž	30.06.1979.	45000
104	30	Dragica	Dragić	Ž	10.07.1988.	44000
105	30	Gorica	Bojić	Ž	20.07.2003.	39000
106	30	Vladana	Mladić	Ž	05.01.2007.	29000
107	40	Đurđa	Perić	Ž	29.03.1978.	35000
108	40	Đura	Lazić	M	18.03.1983.	42000

100

ORG_JEDINICA		
ORG_JED_ID	NAD_ORG_JED_ID	NAZIV
40	-	Softver
30	40	Projektovanje
11	10	Dokumentacija
10	40	Planiranje
50	40	Analiza
60	40	Dizajn i modeliranje
70	40	Kodiranje

Primer baze podataka – sadržaj

KAT_STAZA			
OD_ GODINE	DO_ GODINE	STAŽ_ BONUS	NAZIV
1	5	2000	Početna
6	20	5000	Srednja
21	50	8000	Završna

PROJEKAT		
PROJEKAT_ID	PROJ_ BONUS	NAZIV
100	-	Crveni
150	-	Ljubičasti
200	-	Plavi
250	1500	Zeleni
300	2000	Žuti
250	1500	Narandžasti
900	-	Crni

Primer baze podataka – sadržaj

REŠENJE				
RAD_ID	PROJ_ID	DAT_POČETKA	DAT_PRESTANKA	OPIS
100	200	01.01.1991.	-	privremeno učešće
101	200	01.01.1991.	-	-
108	200	01.01.1984.	-	-
104	100	01.01.1989.	31.12.1998.	-
105	100	01.01.2004.	-	-
106	100	01.01.2008.	-	-
107	100	01.01.1981.	-	-
100	150	01.01.1999.	31.12.1998.	Koordinator
101	150	01.01.1972.	31.12.1998.	-
102	150	01.01.1972.	31.12.1998.	-
108	150	01.01.1972.	31.12.1998.	-
104	150	01.01.1986.	31.12.1998.	-
105	150	01.01.1998.	31.12.1998.	-
107	150	01.01.1999.	-	Projektant
108	250	01.01.1999.	-	-
108	300	01.01.1999.	-	-
108	350	01.01.1999.	-	-
105	250	01.01.1998.	-	-
107	350	01.01.1998.	-	-

1. *Journal of Management Studies*, 1996, 33, 1, 1-14.

Modeliranje odnosa

- Primetimo, ako su K_E i K_F neki ključevi relacija E i F , onda skup atributa $K_R = K_E \cup K_F$ predstavlja ključ relacije ρ
 - atributi iz K_R jednoznačno određuju sve atribute iz E i F , pa time i iz ρ
- Posebno, onda se odnos može opisati „suženom” relacijom ρ_1 koja ne sadrži sve atribute iz E i F već samo atribute skupa K_R

Modeliranje odnosa sa atributima

- U opštem slučaju odnosi mogu da imaju dodatne attribute
- Na primer, u jednoj biblioteci odnos *pozajmica* između *knjige* i *člana biblioteke* osim toga što ga čine jedna knjiga i jedan član, može da ima i dodatne attribute, kao na primer:
 - datum pozajmice
 - datum vraćanja
- Tada kažemo da je odnos karakterisan povezanim entitetima i dodatnim atributima, koje nazivamo *opisnim atributima odnosa*

Integrisani odnosi

- U nekim slučajevima odnos između dva entiteta (ili odnosa) može da bude „integrisan” u okviru relacije koja modelira jedan od tih entiteta (ili odnosa)
- Na primer, relacija *Student* može da sadrži atribut relacije *StudijskiProgram* (sve ili samo ključ), čime se opisuje koji studijski program je student upisao
- Ali to je istovremeno i odnos između studenta i studijskog programa
- Odnos između relacija *E* i *F* može da bude *integrisan* u okviru relacije *E* samo ako svakom entitetu iz te relacije odgovara tačno po jedan entitet relacije *F*
 - (ili najviše jedan, ako su dopuštene nedefinisane vrednosti)

- _____

100

Imena relacija i atributa

- U slučaju proizvoda i nekih drugih binarnih operacija može da se dogodi da rezultat ima dva atributa istog imena
 - u tom slučaju se naziv atributa dopunjava s leva nazivom relacije iz koje potiče

$$R(A, B) \times Q(B, C) = W(A, R_B, Q_B, C)$$

- Ako je potrebno da se u operaciji upotrebi više puta ista relacija, da ne bi dolazilo do nesporednosti uvode se alijasi (nadimci) relacija
DEFINE ALIAS R1 FOR R
R ... R1

Projekcija

- **Projekcija** se definiše kao izbor kolona X jedne relacije:

$$R[X] = \{x \mid x \in Dom(X) \wedge (\exists y \in Dom(Y))(x, y) \in R\}$$

- gde su X i Y komplementarni skupovi atributa relacije R : $Y = A(R) \setminus X$
- Rezultat projekcije može da ima manje elemenata nego polazna relacija
 - Zbog toga što se radi o skupovima n -torki, projekcija ne može da sadrži ponovljene elemente
 - Rezultat projekcije sigurno ima isti broj elemenata kao relacija R akko je X natključ relacije R
- U terminima tabela, projekcija je vertikalno „sečenje” tabele
- Primer:
 - $RADNIK[ime, prezime] = \{(x.ime, x.prezime) \mid x \in RADNIK\}$

Restrikcija

- **Restrikcija** se definiše kao izbor torki relacije R u kojima dati atribut $X \in A(R)$ ima datu vrednost $x \in \text{Dom}(X)$:

$$R[X = x] = \{e \mid e \in R \wedge X(e) = x\}$$

- Slobodnije posmatrano, X može da bude proizvoljan podskup atributa
- Opštije, restrikcija po proizvoljnom predikatu $p : R \rightarrow \{T, \perp\}$ je:

$$R[p] = \{e \mid e \in R \wedge p(e)\}$$

- U terminima tabela, restrikcija je horizontalno „sečenje” tabele
- Primer:
 - $\text{RADNIK}[\text{org_jed_id} = 40] = \{x \mid x \in \text{RADNIK} \wedge x.\text{org_jed_id} = 40\}$

Prirodno spajanje

- **Prirodno spajanje** relacija R i Q sa zajedničkim skupom atributa X definiše se kao:

$$R * Q = \{(e, f) \mid e \in R \wedge f \in Q \wedge X(e) = X(f)\}$$

$$[X \cup Y \cup Z] = \{(x, y, z) \mid (x, y) \in R \wedge (x, z) \in Q\}$$

- gde su:
 - $Y = A(R) \setminus X$
 - $Z = A(Q) \setminus X$
- Spajaju se torke jedne relacije sa torkama druge relacije koje imaju jednake vrednosti zajedničkih atributa
- Rezultat sadrži samo jednu kopiju zajedničkih atributa
- Rezultat sadrži najmanje nula torki, ako nema torki sa istim vrednostima zajedničkih atributa
- Rezultat sadrži najviše $M \times N$ torki, gde su M i N brojevi torki relacija R i Q , ako sve torke obe relacije imaju iste vrednosti zajedničkih atributa

- $RADNIK * ORG_JEDINICA = \{(org_jed_id, x, y) \mid (org_jed_id, x) \in RADNIK \wedge (org_jed_id, y) \in ORG_JEDINICA\}$

Slobodno spajanje

- **Slobodno spajanje** relacija R i Q po datom binarnom predikatu $p : R \times Q \rightarrow \{T, \perp\}$ se definiše kao:

$$R[p]Q = \{(e, f) \mid e \in R \wedge f \in Q \wedge p(e, f)\}$$

- Spajaju se torke jedne relacije sa torkama druge relacije sa kojima ispunjavaju dati uslov
- Slobodno spajanje je opštije od prirodnog

Deljenje

- **Deljenje** relacije R relacijom Q po podskupu atributa $Y \subseteq A(R)$, gde je $Z = A(Q)$ skup atributa koji po broju i domenu odgovara skupu Y , definiše se kao:

$$R[Y \% Z]Q = \{x \mid x \in R[X] \wedge \{x\} \times Q[Z] \subseteq R\}$$

- gde je $X = A(R) \setminus Y$
- gde je $Z = A(Q)$ skup atributa koji po broju i domenu odgovara skupu Y
- Rezultat je maksimalni podskup relacije $R[X]$ takav da je njegov proizvod sa Q podskup relacije R
 - izdvajaju se one torke atributa Y koje su u R uparene sa svim torkama iz Q
- Primer - izdvojiti radnike koji su radili na svim projektima:
 - $RESENJE[RAD_ID, PROJ_ID]$
 $[PROJ_ID \% PROJEKAT_ID]$
 $PROJEKAT[PROJEKAT_ID]$

Proširena relacionalna algebra

- **Proširena relacionalna algebra** obuhvata rad sa **nedefinisanim vrednostima**
 - Bez obzira na razlog nedefinisane vrednosti, koristi se jedna ista oznaka nedefinisane ili nedostajuće vrednosti
 - Svaki domen se proširuje nedefinisanom vrednošću
- Time se menja i strukturni deo modela, ali su važnije promene u manipulativnom delu
- Skup istinitosnih vrednosti se proširuje *nepoznatom logičkom vrednošću*
 - Sve relacije poredjenja neke vrednosti sa nedefinisanim vrednostima imaju za rezultat *nepoznato*
 - Logičke operacije se proširuju da rade sa nepoznatom vrednošću

Proširene logičke operacije

$\wedge$	T	F	n
T	T	F	n
F	F	F	F
n	n	F	n

$\vee$	T	F	n
T	T	T	T
F	T	F	n
n	T	n	n

$\neg$	
T	F
F	T
n	n

Proširena restrikcija

- Uvode se nove vrste restrikcije
 - *tačna restrikcija*, odgovara originalnoj restrikciji
 - izdvajaju se torke za koje je vrednost uslova **tačno**
 - označava se navođenjem indeksa uslova „T”

$$R[p_T] = R[p]_T = \{x \mid x \in R \wedge p(x) = T\}$$

- *možda restrikcija* predstavlja novu operaciju
 - izdvajaju se torke za koje je vrednost uslova *nepoznat*
 - označava se navođenjem indeksa uslova „n” (ili neki drugi znak, zavisno od izvora)

$$R[p_n] = R[p]_n = \{x \mid x \in R \wedge p(x) = n\}$$

- *ne-lažna restrikcija* predstavlja uniju prethodne dve
 - izdvajaju se torke za koje vrednost uslova *nije lažan*
 - može da se označava kombinacijom prethodna dva „Tn”

$$R[p_{Tn}] = R[p]_{Tn} = \{x \mid x \in R \wedge p(x) \neq \perp\}$$

Relacioni račun

- Primena predikatskog računa na relacije
- Kod je definisao dve varijante računa:
 - relacioni račun n-torki
 - relacioni račun domena
- Ekvivalentan relacionoj algebri

Relacioni račun n-torki

- *Izraz* relacionog računa n-torki je:

$$\{(t_1, t_2, \dots, t_k) : f\}$$

- za koji važi:
 - promenljive $t_1, t_2, \dots, t_k$ su **n-torne promenljive** ili **indeksirane n-torne promenljive** oblika $t[i]$ gde je i redni broj atributa torke t
 - skup n-tornih promenljivih čini tzv. **ciljnu listu**
 - formula f je tzv. **kvalifikacioni izraz**
 - slobodne promenljive u kvalifikacionom izrazu su one i samo one koje čine ciljnu listu

Relacioni račun n-torki

- Kvalifikacioni izraz se gradi od atoma i operacija:
 - (a1) Ako je R relacija a s n -torna promenljiva vezana za relaciju R onda oznaka $R(s)$ označava to vezivanje i zove se **atom pripadnosti**
 - (a2) Ako su s i p n -torne promenljive, a neka konstanta i Θ operacija poređenja, onda oznake $s[i] \Theta p[j]$ i $s[i] \Theta a$ predstavljaju poređenje i -te komponente promenljive s sa j -tom komponentom promenljive p ili konstantom a i nazivaju se **atomi poređenja**
 - (f1) ...
 - (f2) ...
 - (f3) ...
 - (f4) ...
 - (f5) ...

Relacioni račun n-torki (3)

- Kvalifikacioni izraz se gradi od atoma i operacija:
 - (a1) ...
 - (a2) ...
 - (f1) svaki atom je **formula**; sve n-torne promenljive atoma su slobodne u formuli
 - (f2) ako su f i g formule, onda su formule i: $f \text{ AND } g$, $f \text{ OR } g$, $\text{NOT } f$;
pojavljivanje promenljive u formuli je tačno onakvo kakvo je u f i g
 - (f3) ako je f formula, onda su formule i: $(\exists s)(f)$ i $(\forall s)(f)$; promenljiva s je vezana u toj formuli a slobodna u f
 - (f4) ako je f formula, onda je formula i (f)
 - (f5) ništa drugo nije formula relacionog računa n-torki

Primeri upita

- Naredni upit izdvaja muškarce koji imaju osnovu plate manju od 32000:

$$\{x : RADNIK(x) AND x[5] = 'M' AND x[7] < 32000\}$$

- $x[5]$ je pol, $x[7]$ je osnova plate
- Imena, prezimena i datum zaposlenja radnika koji zarađuju bar 40000:

$$\{(x[3], x[4], x[6]) : RADNIK(x) AND x[7] \geq 40000\}$$

- $x[3]$ je ime, $x[4]$ je prezime
- $x[6]$ je datum zaposlenja, $x[7]$ je osnova plate

Relacioni račun n-torki – sintaksa

- Uvodi se sintaksa prilagođena radu na računaru
- Ukratko:
 - umesto indeksiranja kolona koriste se imena kolona iza tačke
 - umesto $x[i]$ koristimo $x.kolona_i$
 - umesto zapisa u zagradi $\{(t_1, t_2, \dots, t_k) : f\}$ koristimo zapis:
 - $t_1, t_2, \dots, t_k$ WHERE f
 - u formulama se koriste logički operatori AND, OR, NOT i predikati
 - EXISTS promenljiva (formula)
 - FORALL promenljiva (formula)
 - pre zapisa formule vezujemo imena promenljivih za domene, tj. relacije
 - RANGE OF promenljiva IS relacija
 - obično podrazumevamo da su promenljive oblika $k, k_1, k_2, \dots$ vezane za relaciju k

Primeri upita

- Naredni upit izdvaja muškarce koji imaju osnovu plate manju od 32000:
`radnik WHERE radnik.pol='M' AND radnik.osnova_plate < 32000`
- Imena, prezimena i datum zaposlenja radnika koji zarađuju bar 40000:
`radnik.ime, radnik.prezime, radnik.dat_zaposlenja WHERE radnik.osnova_plate ≥ 40000`

Primeri upita 1.1

- Imena i prezimena zaposlenih u “Planiranju”
- Relaciona algebra:

$$(ORG_JEDINICA[naziv = 'Planiranje'] * RADNIK)[ime, prezime]$$

Primeri upita 1.2

- Imena i prezimena zaposlenih u “Planiranju”, čiji staž ulazi u kategoriju “Srednja”
- Relacioni račun n-torki:
radnik1.ime, radnik1.prezime
WHERE EXISTS *org_jedinica1(radnik1.org_jed;d = org_jedinica1.org_jed;d*
∧ org_jedinica1.naziv = ' Planiranje')

Značaj formalnih upitnih jezika

- Iz ugla teorije, ključno je da se utvrdi da je upitni jezik dovoljno dobar da se njime može iskazati bilo koji upit
- U praksi je potrebna i efikasnost
- *Optimizacija upita* obuhvata poslove analize upita i pronalaženja najefikasnijeg puta za njegovo izračunavanje
- Relacioni upitni jezici omogućavaju relativno jednostavno automatsko modifikovanje, pa time i optimizaciju, imajući u vidu formalnu zasnovanost
- *Optimizacija baze podataka* obuhvata poslove analize stvarne ili procenjene upotrebe baze podataka i projektovanja fizičkog modela baze podataka u cilju omogućavanja sveukupno efikasnijeg rada sistema

Ažuriranje baze podataka

- **Ažuriranje baze podataka** se definiše kao zamenjivanje vrednosti promenljive baze podataka novom vrednošću baze podataka
 - Promenljivost podataka baze podataka se na taj način apstrahuje sekvencom vrednosti promenljive baze podataka koje ona dobija u različitim vremenskim tačkama (trenucima)
 - Takva definicija omogućava i razmatranje saglasnih konkurentnih promena

Sadržaj

- 1 Strukturni deo
- 2 Manipulativni deo modela
- 3 Integritetni deo

Integritet i konzistentnost

- Konzistentnost baze podataka se ostvaruje na dva osnovna načina:
 - automatskim staranjem o integritetu
 - SUBP automatski proverava integritet baze podataka proveravanjem ispunjenosti definisanih pravila integriteta
 - implementacijom transakcionih mehanizama
 - SUBP se stara da svaka jedinica promene (transakcija) bude ili u potpunosti izvedena ili da ne ostavi nikakav trag (u slučaju prekida)
- Naravno, konzistentnost u velikoj meri zavisi i od ispravnosti konkretnih podataka i konkretnih izvedenih jedinica promena
 - taj deo odgovornosti ne može da se poveri SUBP-u

Integritetni deo modela

- Teorijski model baze podataka može da bude od velike pomoći pri definisanju i ostvarivanju pravila integriteta
- **Integritetni deo modela** čine koncepti i mehanizmi koji omogućavaju da se automatizuje proveravanje zadovoljenosti određenih uslova
- Relacioni model je u tome posebno dobar

Integritetni deo relacionog modela

- Baza podataka (tj. njena vrednost) se opisuje relacijama
- Uslovi integriteta u relacionom modelu se opisuju predikatima (istinotosnim formulama) nad relacijom ili bazom podataka
- Formalnost strukturnog dela modela olakšava formulisanje uslova integriteta

Opšti uslovi integriteta

- Najvažnije vrste logičkih pravila integriteta
 - Integritet domena
 - pravilo: svaka vrednost nekog atributa u bazi podataka mora pripadati odgovarajućem domenu atributa
 - Integritet (primarnog, jedinstvenog) ključa
 - pravilo: jedinstvenost torki u relaciji se ostvaruje definisanjem primarnog ključa, čija vrednost jednoznačno određuje torku relacije
 - Integritet stranog ključa
 - pravilo: integritet odnosa među relacijama se ostvaruje definisanjem stranog ključa, čija vrednost jednoznačno određuje torku povezane relacije
- Za svaki konkretan slučaj (atribut, relacija, odnos) se definišu konkretne pojedinosti

Integritet domena

- “Svaka relacija mora da ima tačno određen domen”
 - Svaka vrednost nekog atributa u bazi podataka mora pripadati odgovarajućem domenu atributa
 - Posledica strukturnog dela modela:
 - atribut je funkcija koja slika entitet u zadati domen atributa
- Tehnički se ostvaruje određivanjem domena pri definisanju atributa u okviru naredbe za pravljenje tabele baze podataka
 - Domen je neki od podržanih tipova baze podataka i može da obuhvata
 - dužinu podatka
 - opcionu deklaraciju jedinstvenosti
 - opcionu deklaraciju podrazumevane vrednosti
 - (većina implementacija omogućava i deklarisanje da li domen obuhvata i tzv. nedefinisane vrednosti)
 - Neke implementacije omogućavaju i korisnički definisane tipove - UDF

© 2006 The Authors

- ```
CREATE TABLE <ime tabele> (
...
<ime kolone> <tip kolone>... ,
...
)...
```

# Pojam ključa

- Podsetimo se:
  - **Natključ**  $K$  relacije  $R$  je podskup njenih atributa  $K \subseteq A(R)$  za koji važi:
    - skup atributa  $K$  jednoznačno određuje torke relacije
  - **Ključ** (ili **ključ-kandidat**) relacije  $R$  je natključ  $K$  za koji važi:
    - ne postoji pravi podskup skupa  $K$  koji je natključ relacije  $R$
- Primetimo:
  - Svaka relacija ima najmanje ključ, a može da ih ima više
  - Svaki natključ sadrži bar jedan ključ
- Posledice:
  - Za svake dve torke  $x$  i  $y$  relacije  $R$ , važi  $K(x) \neq K(y)$
  - Projekcija relacije  $R$  na attribute ključa  $K$  ima isti broj elemenata kao i  $R$



# Vrste ključeva

- Još neke važne pojmove u vezi sa ključevima:
  - *Primarni ključ* – jedan izabran ključ se proglašava za primarni
    - SUBP proverava jedinstvenost torki relacije proveravanjem jedinstvenosti vrednosti primarnog ključa
  - *Alternativni ključ* ili *jedinstveni ključ* – svaki ključ osim primarnog
  - *Strani ključ* – skup kolona koji predstavlja ključ povezane relacije
    - vrednost stranog ključa jednoznačno određuje torku povezane relacije
  - *Složeni ključ* – ključ koji se sastoji od više od jednog atributa
  - *Objedinjeni ključ* – složeni ključ koji se sastoji od dva ili više stranih ključeva (i samo od njih)
  - *Surogatski ključ* – veštački uveden atribut sa ulogom ključa
    - uvodi se kada relacija nema prirodan ključ ili kada je prirodan ključ nepraktičan za upotrebu (ima mnogo atributa ili je nezgodan tip)

---

# Integritet primarnog ključa

- U slučaju RSUBP DB2 integritet primarnog ključa se implementira određivanjem primarnog ključa pri pravljenju tabele:

```
CREATE TABLE <ime tabele> (
...
[CONSTRAINT <ime ključa>
PRIMARY KEY (<lista imena kolona>) ...
...
)...
```

# Integritet jedinstvenosti

- Integritetu primarnog ključa se pridružuje i *integritet jedinstvenosti* (naziva se i *integritet entiteta*):
  - “*Primarni ključ ne sme da sadrži nedefinisane vrednosti, niti dve torke jedne relacije smeju imati iste vrednosti primarnih ključeva*”
- U doslednim implementacijama to je isto kao integritet primarnog ključa
  - primarni ključ po definiciji ne sme da sadrži nedefinisane vrednosti
  - jedinstvenost vrednosti primarnog ključa je implicirana jedinstvenošću torki u relaciji
- Ipak, u nedoslednim implementacijama:
  - integritet jedinstvenosti je jači od integriteta ključa
    - zato što postoji podrška za nedefinisane vrednosti
  - mogu da postoje dve identične torke u relaciji

---

- Pored primarnog ključa, mogu da se eksplicitno deklariraju i *jedinstveni ključevi*
  - imaju iste karakteristike kao primarni ključevi
    - načelno *iste* a u praksi mogu da budu *slične*
  - očekuje se da se koriste pri referisanju torki ređe od primarnog ključa
- Osnovna namena jedinstvenog ključa je implementacija dodatnih uslova integriteta jedinstvenosti torki
  - ako relacija ima više ključeva, jedan se proglašava za primarni a ostali (alternativni ključevi) mogu da se definišu kao jedinstveni

# Integritet jedinstvenog ključa

- U slučaju RSUBP DB2 integritet jedinstvenog ključa se implementira definisanjem jedinstvenog ključa pri pravljenju tabele:

```
CREATE TABLE <ime tabele> (
...
[CONSTRAINT <ime ključa>]
UNIQUE (<lista imena kolona>) ...
...
)...
```

© 2006 The Authors  
Journal compilation © 2006 Blackwell Publishing Ltd

# Referencijalni integritet

- Referencijalni integritet predstavlja uslove o međusobnim odnosima koje moraju da zadovoljavaju torke dveju relacija:
  - *ne sme se obrisati torka na koju se odnosi neka torka neke relacije u bazi podataka, niti se sme tako izmeniti da referenca postane neispravna*
  - *ne sme se dodati torka sa neispravnom referencom (takvom da ne postoji torka na koju se odnosi)*
- U relacionom modelu se referencijalni integritet ostvaruje putem integriteta stranog ključa



# Referencijalni integritet

- U slučaju nedefinisane vrednosti, uslovi referencijalnog integriteta su izmenjeni:
  - *ne sme se obrisati torka na koju se odnosi neka torka neke relacije u bazi podataka, niti se sme tako izmeniti da referenca postane neispravna*
  - *ne sme se dodati torka sa neispravnom referencom (takvom da ne postoji torka na koju se odnosi)*
  - *referenca koja sadrži nedefinisane vrednosti je ispravna (i ne referiše ništa) akko je u potpunosti nedefinisana (tj. svi njeni atributi su nedefinisani)*
- U većini implementacija treće pravilo je dodatno relaksirano:
  - *referenca koja sadrži nedefinisane vrednosti je ispravna (i ne referiše ništa) akko je makar jedan njen deo nedefinisan*

# Integritet stranog ključa

- Skup FK atributa relacije R je njen **strani ključ** koji se odnosi na *baznu relaciju* B akko važe sledeći uslovi:
  - relacija B ima primarni ključ PK
  - domen ključa FK je identičan domenu ključa PK
  - svaka vrednost stranog ključa FK u torkama relacije R je identična ključu PK bar jedne torke relacije B
    - (integritet ključa implicira jedinstvenost)
- Za relaciju R se kaže da je *zavisna* od bazne relacije B
- Bazna relacija B se naziva i roditeljskom relacijom

# Integritet stranog ključa

- U slučaju nedefinisane vrednosti, skup uslova je izmenjen:
  - relacija B ima primarni ključ PK
  - domen ključa FK je identičan domenu ključa PK, ili je proširen nedefinisanim vrednostima
  - svaka vrednost ključa FK u torkama relacije R je ili nedefinisana ili je identična ključu PK bar jedne torke relacije B
  - vrednost stranog ključa FK u torkama relacije R je nedefinisana akko sve vrednosti atributa stranog ključa imaju nedefinisanu vrednost
- U većini implementacija je četvrto pravilo dodatno relaksirano:
  - vrednost stranog ključa FK u torkama relacije R je nedefinisana ako bar jedan atribut stranog ključa ima nedefinisanu vrednost

© 2006 The Authors  
Journal compilation © 2006 Blackwell Publishing Ltd

# Pravilo brisanja

- Pravila brisanja (bira se tačno jedno): “U slučaju pokušaja brisanje torke bazne relacije  $B$ , za koju postoji zavisna torka relacije  $R$  (ona čiji je strani ključ jednak primarnom ključu torke koja se pokušava obrisati) onda...”
  - aktivna zabrana brisanja – RESTRICT
    - “...zabranjuje se brisanje torke iz relacije  $B$ .”
  - pasivna zabrana brisanja – NO ACTION
    - slično kao aktivna zabrana, ali se odlaže provera do samog kraja brisanja, zato što možda postoji linija kaskadnih pravila koja će obrisati zavisnu torku
  - kaskadno brisanje – CASCADE
    - “...brišu se sve odgovarajuće zavisne torke  $R$ .”
  - postavljanje nedefinisanih vrednosti – SET NULL
    - “...u svim zavisnim torkama relacije  $R$  atributi stranog ključa se postavljaju na nedefinisane vrednosti.”
  - postavljanje podrazumevanih vrednosti – SET DEFAULT
    - “...u svim zavisnim torkama relacije  $R$  atributi stranog ključa se postavljaju na podrazumevane vrednosti.”

# Pravilo ažuriranja

- Pravila ažuriranja (bira se tačno jedno): “Ako se pokuša menjanje primarnog ključa torke relacije  $B$ , za koju postoji zavisna torke relacije  $R$  (ona čiji je strani ključ jednak primarnom ključu torke koja se pokušava obrisati) onda...”
  - aktivna zabrana menjanja – RESTRICT
    - “...zabranjuje se menjanje torke relacije  $B$ .”
  - pasivna zabrana menjanja – NO ACTION
    - slično kao aktivna zabrana, ali se odlaže provera do samog kraja menjanja, zato što možda postoji linija kaskadnih pravila koja će promeniti zavisnu torke;
  - kaskadno menjanje – CASCADE
    - “...na isti način se menjaju atributi stranog ključa svim zavisnim torkama relacije  $R$ .”
  - postavljanje nedefinisanih vrednosti – SET NULL
    - “...u svim zavisnim torkama relacije  $R$  atributi stranog ključa se postavljaju na nedefinisane vrednosti.”
  - postavljanje podrazumevanih vrednosti – SET DEFAULT
    - “...u svim zavisnim torkama relacije  $R$  atributi stranog ključa se postavljaju na podrazumevane vrednosti.”

# Integritet stranog ključa

- U slučaju sistema DB2 strani ključ se definiše pri pravljenju tabele:

```
• CREATE TABLE <ime tabele>(
...
[CONSTRAINT <ime ključa>]
FOREIGN KEY(<lista imena kolona>)
REFERENCES <ime tabele>[(<lista imena kolona>)]
[ON DELETE <pravilo brisanja>]
[ON UPDATE <pravilo ažuriranja>]
...
)...
```

- Pravilo brisanja može da bude:
  - RESTRICT, NO ACTION, CASCADE, SET NULL
- Pravilo ažuriranja može da bude:
  - RESTRICT, NO ACTION
- U oba slučaja podrazumevano pravilo je NO ACTION





# Uslovi integriteta na atributu

- *Uslovi integriteta na atributu*
  - lokalnog je karaktera, odnosi se na vrednost jednog atributa jedne torke
  - uslov može da zavisi samo od vrednosti atributa
  - može da se koristi za dodatno sužavanje domena
    - na primer, ako celobrojni atribut mora da bude u zadanom opsegu
  - može da se koristi za proveru ispravnosti složenih tipova podataka
    - na primer, ako tekstualni podatak mora da ima neku zadanu formu

---

100

# Uslovi integriteta na torke

- *Uslovi integriteta torke*
  - lokalnog karaktera, odnosi se na vrednost jedne torke
  - uslov može da zavisi od vrednosti svih atributa torke
  - koristi se za proveru ispravnosti složenijih saglasnosti atributa u okviru jedne torke
    - na primer, ako se navodi neki interval, može da se proverava da li je početna vrednost intervala manja od krajnje vrednosti intervala

---

# Uslovi integriteta na torki

- Primer:

```
CREATE TABLE ... (
 ... GOD_OD INT,
 GOD_DO INT,
 CONSTRAINT OPSEG CHECK (GOD_OD <= GOD_DO)
 ..
 .)...
```

# Uslovi integriteta na relaciji

- *Uslovi integriteta relacije*
  - globalnog karaktera, može da se odnosi na sve torke jedne relacije
  - uslov može da zavisi od vrednosti svih atributa svih torki
  - koristi se za proveru ispravnosti složenijih saglasnosti vrednosti u okviru jedne relacije
    - na primer, može da se proverava da li broj torki ili suma po nekom atributu zadovoljavaju određene uslove

# Uslovi integriteta na relaciji

- Definiše se pri pravljenju tabele:  
`CREATE TABLE <ime tabele>(  
...  
CONSTRAINT [<ime uslova>] CHECK (<logički izraz sa podupitima>)  
...  
) ...`
- Alternativna sintaksa je ista kao za uslove integriteta na bazi podataka
- Obično su implementirani slično kao i uslovi integriteta na torkama
  - logički izraz počiva na podupitima nad samom tom relacijom
  - mora da bude ispunjen za tabelu kao celinu
  - u slučaju nedefinisanih vrednosti uslov mora da bude *ne-lažan*
- Ne podržava ih većina implementacija



---

- ```
CREATE TABLE T1 (
```

A INT,

CONSTRAINT C1 CHECK ((select sum(A) from t1) < (select sum(B) from t1))

)...

Uslovi integriteta na bazi podataka

- Definiše se posle pravljenja tabela na koje se odnosi:
CREATE ASSERTION <ime> CHECK (<logički izraz sa podupitima>)
- Pri tome:
 - logički izraz počiva na podupitima nad bilo kojim definisanim relacijama
 - mora da bude ispunjen za bazu podataka kao celinu
 - u slučaju nedefinisanih vrednosti uslov mora da bude *ne-lažan*
- Ne podržava ih većina implementacija

Uslovi integriteta na bazi podataka

- Primer:
CREATE ASSERTION ASRT_1 CHECK (
 (SELECT COUNT(*) FROM T1)
 <
 (SELECT COUNT(*) FROM T2))

- Uslovi se proveravaju pri svakoj promeni sadržaja baze podataka
- Nekada je potrebno da se uslovi proveravaju tek na kraju transakcije
- Većina RSUBP to omogućava na neki način
 - može da se menja podrazumevani način rada
 - može da se menja način rada u tekućoj transakciji
- Naredna naredba (DB2, Oracle, PostgreSQL,...), odlaže sve provere u tekućoj transakciji odlažu do njenog završetka:
SET CONSTRAINTS ALL DEFERRED
- *postoji veći broj opcija, mogu se birati tabele i uslovi koji se odlažu

Aktivno održavanje integriteta

- *Aktivno* održavanje integriteta podrazumeva da se integritet održava tako što se na određene promene reaguje pokretanjem eksplicitno definisanog programskog koda
 - taj programski kod pravi neophodna usklađivanja povezanih podataka
- Termin *aktivno* potiče od izvršavanja eksplicitno zadatih programa
- Mehanizam aktivnog održavanja integriteta su *okidači* (engl. trigger)

- ```
CREATE [OR REPLACE] TRIGGER <ime okidača>
{ [NO CASCADE] BEFORE | AFTER }
{ INSERT | UPDATE | DELETE }
ON <ime tabele>
[REFERENCING { OLD | NEW | OLD TABLE | NEW TABLE } AS <ime>]*
FOR EACH { ROW | STATEMENT }
[WHEN <uslov>]
<programski kod>
```

CREATE [OR REPLACE] TRIGGER <ime okidača>

{ [NO CASCADE] BEFORE | AFTER }

{ INSERT | UPDATE | DELETE }

ON <ime tabele>

[ REFERENCING { OLD | NEW | OLD TABLE | NEW TABLE } AS <ime>]\*

FOR EACH { ROW | STATEMENT }

[ WHEN <uslov> ]

<programski kod>

# Primer okidača

- Primer okidača: automatski izračunava osnovnu platu novog službenika na osnovu nivoa obrazovanja:

```
CREATE OR REPLACE TRIGGER insert__set__salary
NO CASCADE BEFORE INSERT ON employee
REFERENCING NEW AS N
FOR EACH ROW
BEGIN
SET n.salary = CASE n.edlevel WHEN 18 THEN 50000 WHEN 16 THEN 40000
ELSE 25000
END
```

---

END

---

```
CREATE OR REPLACE TRIGGER delete__radnik
BEFORE DELETE ON radnik
REFERENCING OLD AS R FOR EACH ROW
BEGIN
UPDATE org_jedinica
SET broj_radnika = broj_radnika - 1
WHERE org_jed_id = r.org_jed_id
END
```

1. *Journal of Management Studies*, 1990, 27, 1, 1-14.

# Okidači i održavanje podataka u bazi

- Održavanje ispravnih vrednosti podataka u bazi podataka pomoću okidača je najčešće *loša ideja*
  - to je signal da u bazi podataka postoje redundantni podaci, što je potencijalno ozbiljan problem
- Obično se opravdava performansama
  - na primer, da ne bismo stalno iznova izračunavali prosečnu ocenu, možemo da je dodamo kao kolonu i održavamo okidačima
  - ali tada postoje i drugačija, potencijalno bolja rešenja, npr. materijalizovani pogledi

# Okidači i proveravanje integriteta

- U odsustvu mogućnosti definisanja specifičnih pravila integriteta na nivou tabele ili baze podataka, mogu da se koriste okidači
- Ideja je da se pri nekoj izmeni proverava da li je sve u redu i prijavljuje se greška (i prekida transakcija) ako nije:  
...`SIGNAL SQLSTATE 'ER001' SET MESSAGE_TEXT = 'Neispravno menjanje!'`



# Okidači i akcije van baze podataka

- Upotreba okidača radi izvođenja akcija van baze podataka može da bude dobar način za povezivanje baze podataka sa drugim elementima informacionog sistema
  - na primer, kada stanje proizvoda u skladištu padne ispod određenog nivoa, okidač može da pošalje imejl za naručivanje proizvoda od dobavljača
  - ili, ako je potrebno ažurirati sadržaj neke druge baze podataka

# Okidači na pogledima

- Savremeni SUBP nude okidače na pogledima
  - Izvršavaju se *umesto* naredbe za dodavanje, menjanje ili brisanje torki
  - Omogućavaju preusmeravanje izmena na relacije na kojima počiva pogled, ali i dalje od toga, na sasvim druge relacije

- Primer okidača na pogledu: Ako pogled V1 počiva na relacijama T1 i T2, okidačem se rešava kako se menjaju tabele “kroz pogled”

```
CREATE TRIGGER V1_UPDATE
 INSTEAD OF UPDATE ON V1
 REFERENCING NEW AS n OLD AS o
 FOR EACH ROW
 UPDATE T1 SET (c1, c2) = (n.c1, n.c2)
 WHERE c1 = o.c1 AND c2 = o.c2
```

# Okidači na pogledima

- Okidači na pogledima omogućavaju skrivanje veoma složenih operacija kojima se spoljašnja shema razdvaja od konceptualne, ili konceptualna od interne
- Primer okidača na pogledu: implementira skriveno implicitno enkriptovanje lozinki pri zapisivanju u bazu podataka:

```
CREATE TRIGGER UPDATE_LOGINS
```

```
INSTEAD OF UPDATE ON LOGINS
```

```
REFERENCING OLD AS o NEW AS n
```

```
FOR EACH ROW
```

```
UPDATE USERS U
```

```
SET system = n.system, login = n.login, password = encrypt(n.password)
```

```
WHERE system = o.system AND login = o.login AND U.user = USER
```

# Okidači na pogledima i razdvajanje nivoa modela

- Osnovno sredstvo razdvajanja nivoa shema u relacionom modelu su pogledi
  - Na nižem nivou (interna ili konceptualna shema) relacije su normalizovane radi stabilnosti i neredundantnosti
  - Na višem nivou (konceptualna ili spoljašnja shema) relacije mogu da budu denormalizovane, tj. spajaju se radi lakšeg postavljanja upita i pristupanja podacima
  - Privilegije na pogledima mogu da se potpuno razlikuju od privilegija na relacijama
- Osnovno ograničenje pogleda:
  - Pogledi nad više relacija ne mogu da se ažuriraju
  - To značajno ograničava primenu pogleda u razdvajanju nivoa modela
- Okidači na pogledima potpuno prevazilaze to ograničenje:
  - Omogućavaju potpunu kontrolu nad upotrebom pogleda za razdvajanje nivoa modela
  - Upotpunjuju i zaokružuju relacioni model

# Rezime relacionog modela

- Puna matematička zasnovanost
  - neprotivrečan i nedvosmislen model
- Jedinstveni potpun koncept relacije
  - relacija modelira i entitete i odnose
  - tj. sav sadržaj baze podataka
- Jednostavan koncept integritetnog dela modela
  - stroga formalnost modela omogućava formalnost i preciznost integritetnog dela modela
- Univerzalan pristup na svim nivoima
  - isti model može da se koristi na svim nivoima od interne, preko konceptualne do spoljašnje sheme
  - tehnike relacionog modela mogu da se koriste za potpuno razdvajanje različitih nivoa shema

# Literatura za temu

- Gordana Pavlović-Lažetić, Uvod u relacione baze podataka, 2. izd. Matematički fakultet, 1999.
- dostupno onlajn: <http://poincare.matf.bg.ac.rs/~gordana/urbp-2016.htm>
- Ramakrishnan, Gehrke, Database Management Systems, 2. ed, 2000.
- Codd, A relational model of data for large shared data banks, Comm. ACM, 13(6), 1970.
- Codd, Extending the database relational model to capture more meaning, ACM ToDS, 4(4), 1979.
- Codd The Relational Model for Database Management – Version 2, Addison Wesley Publ. Inc., 1990.
- Darwen, Date, The Third Manifesto, 1995.
- IBM, Database Administration Concepts and Configuration Reference, 2012.